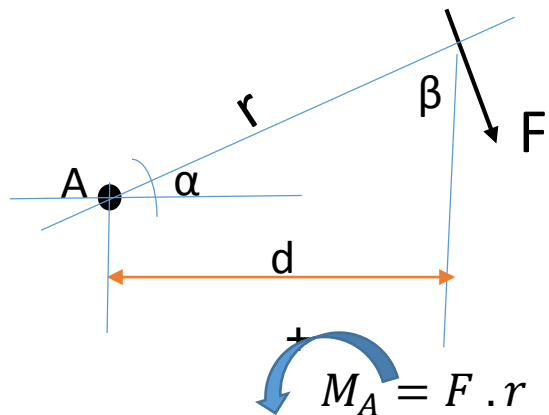


به نام خدا

قسمت پنجم درس استاتیک (مکانیک خودرو) گشتاور (moment)

• اگر در اثر یک نیرو حول یک نقطه یا یک محور دوران بوجود آید گوییم گشتاور ایجاد شده است که مقدار آن از حاصل ضرب نیرو در فاصله عمودی نیرو تا آن نقطه یا محور بدست می آید.



$$M_A = F \cdot \cos \alpha \cdot d$$

واضح است هم میتوانی اندازه نیرو F را در فاصله عمودی r را ضرب کنی.

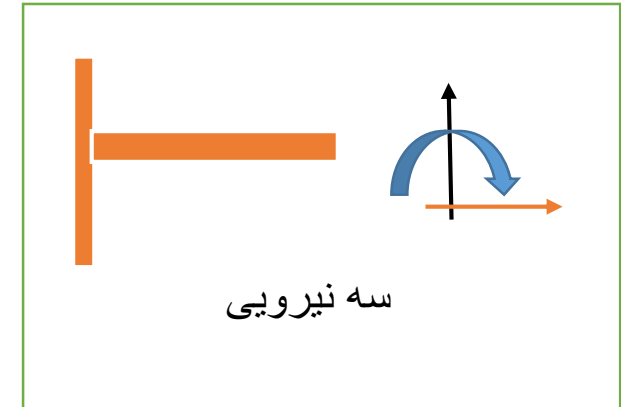
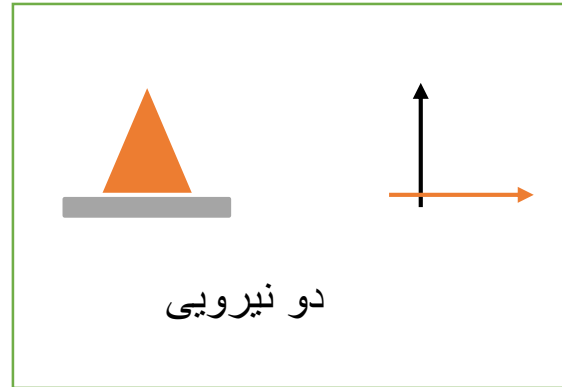
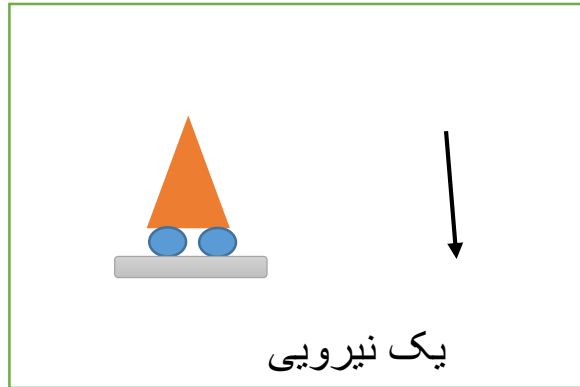
یا اینکه F را تجزیه کنی و آنگاه در فاصله عمودی یعنی d ضرب کنی.

تکیه گاه ها:

سه نوع تکیه گاه را برایتان معرفی میکنم که شما باید هم اسم آنها و هم شکل و شمایل آنها را خوب بشناسید و در حل مسایل از آنها بهره ببرید.

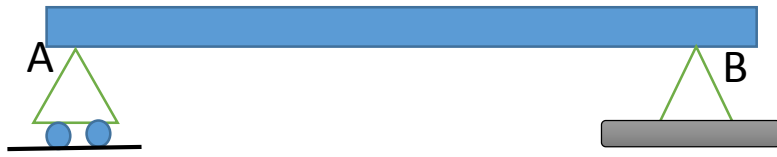
انواع تکیه گاه:

(۱) یک نیرویی
(۲) دو نیرویی
(۳) سه نیرویی

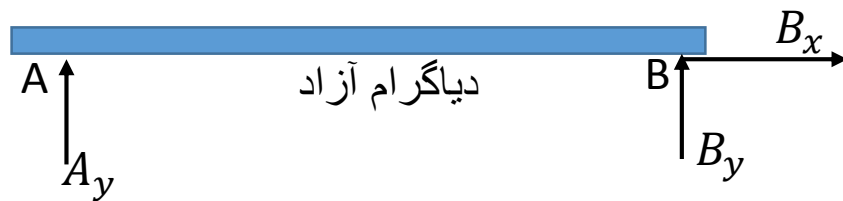


تیرها:

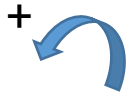

حال که با انواع تکیه گاه آشنا شدید زمان آن رسیده که تیرها و روش حل آنها را هم فرا بگیرید.



شکل بالا یک تیر را نشان میدهد دقت کنید که تکیه گاه سمت چپ یعنی A یک نیرویی و تکیه گاه سمت راست یعنی B را دو نیرویی گویند و برای محاسبه عکس العمل تکیه گاه ها در گام نخست باید دیاگرام آزاد تیر را مطابق شکل رسم کرد.



و در گام بعدی اینبار علاوه بر نوشتن دو شرط معادله تعادل شرط سوم یعنی گشتاور هم نوشته میشود.

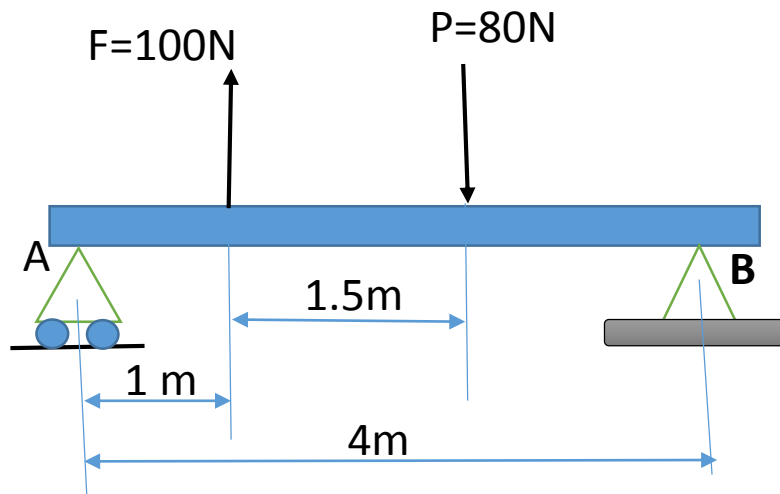
توجه: ما قرار داد میکنیم که اگر نیرو تکیه گاه را بسمت خلاف ساعت (پاد ساعت) بچرخاند آن را مثبت فرض کنیم  و همجهت با ساعت را منفی فرض میکنیم. 

• یکبار دیگر سه شرط تعادل استاتیکی در صفحه را برایتان بازگو میکنم.

$$\sum \vec{F}_x = 0$$

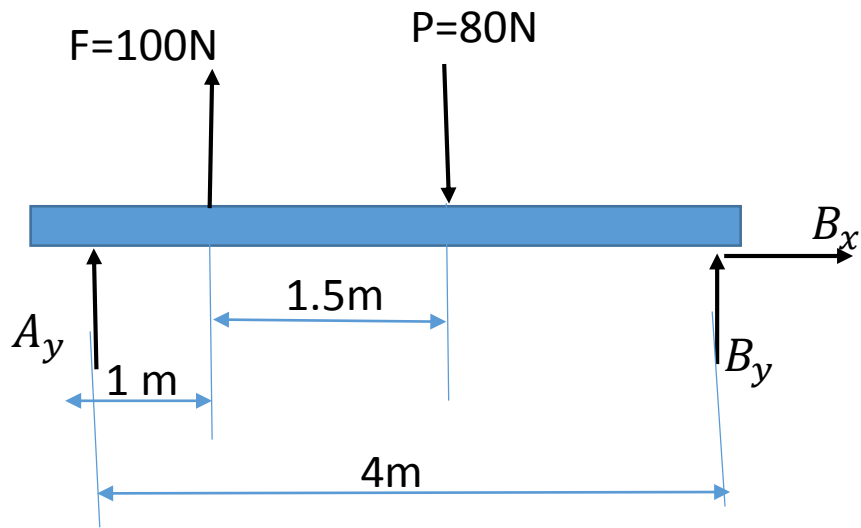
$$\sum F_y = 0$$

$$\sum M_o = 0$$



مثال: در تیر مطابق شکل
مقابل عکس العمل تکیه گاه
A و B را محاسبه کنید.

- حل: خب با دیدن شکل مساله و بررسی اجمالی و رسم دیاگرام آزاد تیر و نوشتن شرایط تعادل استاتیکی ، نیرو هایی که در دو تکیه گاه وارد میشود را حساب میکنیم و در پایان جهت آن را نیز بیان میکنیم. (صفحه بعد)



$$\sum F_x = 0 \longrightarrow B_x = 0$$

$$\sum F_y = 0 \longrightarrow$$

$$A_y + F - P + B_y = 0 \longrightarrow$$

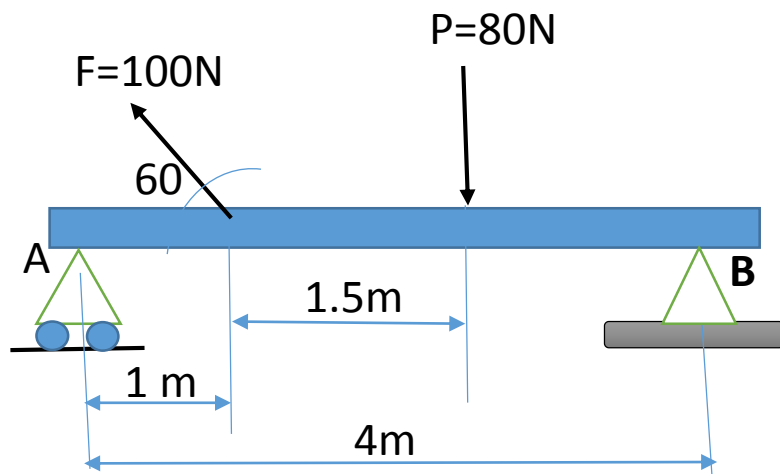
$$A_y + 100 - 80 + B_y = 0 \longrightarrow A_y + B_y = -20\text{N} \quad (1)$$

$$\bullet \sum M_A = 0 \longrightarrow B_y * 4 - P * 2.5 + F * 1 = 0 \longrightarrow$$

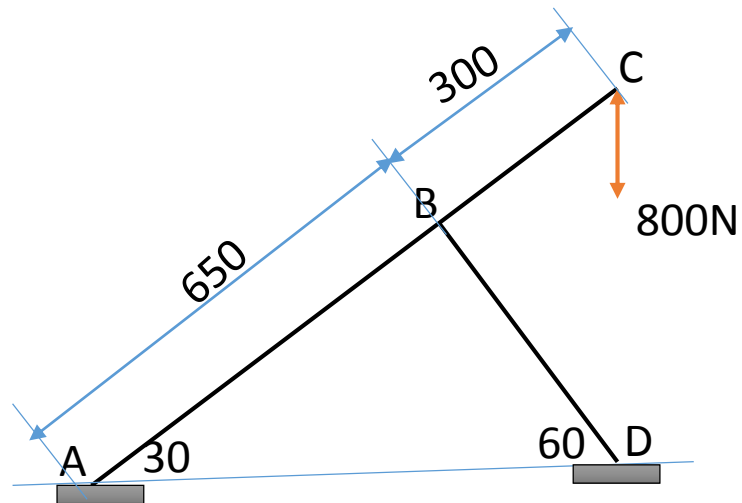
$$\bullet 4 B_y - 80 * 2.5 + 100 * 1 = 0 \longrightarrow 4B_y - 200 + 100 = 0 \longrightarrow B_y = \frac{100}{4} = 25\text{N}$$

حال بکمک رابطه (۱) و جایگذاری ۲۵

نیوتن داریم $A_y + 25 = 20 \longrightarrow A_y = -5$ توجه کنید عدد منفی نشاندهنده این است که جهت باید رو به پایین باشد.

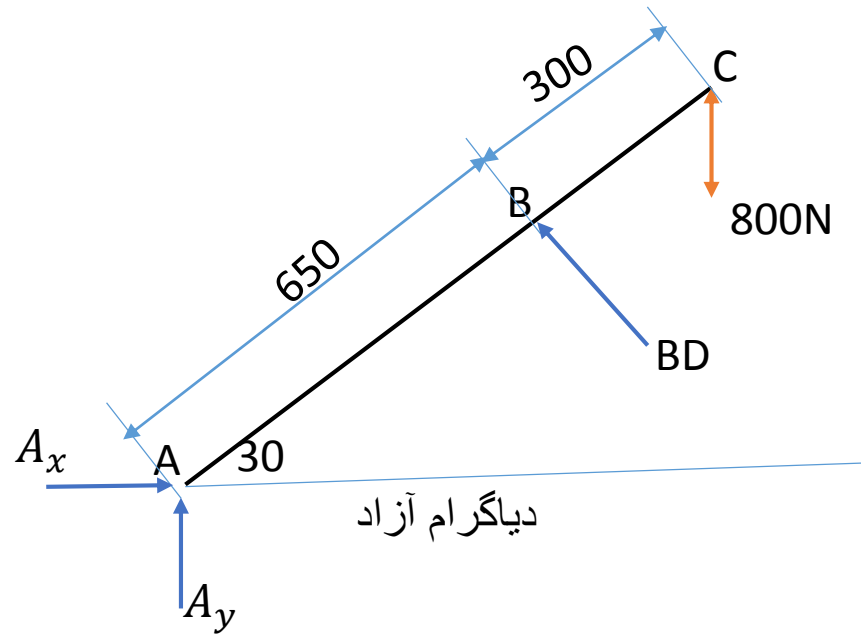


تمرین: در تیر مطابق شکل
مقابل عکس العمل تکیه گاه
A و B را محاسبه کنید.



مثال: در تیر مطابق شکل
مقابل عکس العمل تکیه گاه ها
را محاسبه کنید.

- حل: دیاگرام تیر ABC را رسم میکنیم نیروی DB عمود بر تیر و در نقطه ی A نیز را رسم و سپس محاسبات به شرح صفحه بعد انجام میشود.



$$\sum M_A = 0 \quad - 800 \cdot 950 \cos 30 + BD \cdot 650 = 0$$

$$BD = 1013 \text{ N}$$

یعنی در نقطه D نیرو ۱۰۱۳ نیوتن هست

$$\sum F_x = 0 \quad A_x - BD \sin 30 = 0$$

$$A_x - 1013 \cdot 0.5 = 0$$

$$A_x = 506 \text{ N}$$

$$\sum F_y = 0 \implies A_y + BD \cos 30 - 800 = 0 \implies A_y = -76.9 \text{ N}$$

و اکنون میتوانیم بر ایند نیروی A را محاسبه کنیم و حتی جهت بر ایند را مشخص کنیم، پس

$$A = \sqrt{A_x^2 + A_y^2} = \sqrt{(506)^2 + (76.9)^2} = 512 \text{ N}$$

محاسبه جهت بر ایند را به شما دانشجویان واگذار مینمایم.

دانشجویان عزیز خسته نباشید. به پایان قسمت پنجم رسیدیم

• آرزو میکنم لحظات خوشی داشته باشید و مطالب را خوب متوجه شده باشید.

شما را به خدا می سپارم.

لسانی